This Page Is Inserted by IFW Operations and is not a part of the Official Record

BEST AVAILABLE IMAGES

Defective images within this document are accurate representations of the original documents submitted by the applicant.

Defects in the images may include (but are not limited to):

- BLACK BORDERS
- TEXT CUT OFF AT TOP, BOTTOM OR SIDES
- FADED TEXT
- ILLEGIBLE TEXT
- SKEWED/SLANTED IMAGES
- COLORED PHOTOS
- BLACK OR VERY BLACK AND WHITE DARK PHOTOS
- GRAY SCALE DOCUMENTS

IMAGES ARE BEST AVAILABLE COPY.

As rescanning documents will not correct images, please do not report the images to the Image Problem Mailbox.

THIS PAGE BLANK (USPTO)

19 BUNDESREPUBLIK **DEUTSCHLAND**

[®] Patentschrift ₍₁₎ DE 3922086 C1



G 01 S 7/295 G 01 P 15/00 G 08 C 17/00 G 01 S 13/06 // B64D 45/00



DEUTSCHES PATENTAMT Aktenzeichen: Anmeldetag:

P 39 22 086.9-35

5. 7.89

Offenlegungstag:

Veröffentlichungstag der Patenterteilung:

18. 10. 90

Innerhalb von 3 Monaten nach Veröffentlichung der Erteilung kann Einspruch erhoben werden

(73) Patentinhaber:

Messerschmitt-Bölkow-Blohm GmbH, 8012 Ottobrunn, DE

(72) Erfinder:

Klausing, Helmut, Dipl.-Ing., 8032 Bad Aibling, DE; Kaltschmidt, Horst, Prof. Dipi.-ing. Dr., 8014 Neubiberg, DE

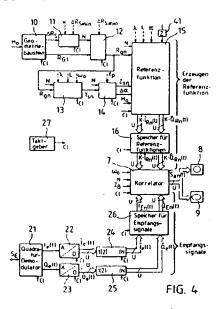
56) Für die Beurteilung der Patentfähigkeit in Betracht gezogene Druckschriften:

> 28 35 932 C2 DE US 46 38 315

KLAUSING, Helmut, KEYDEL, Wolfgang, BÖßWETTER, Claus, KALTSCHMIDT, Horst: »Ein SAR-Konzept auf der Basis rotierender Antennen (Roscar)« in DE-Z. ntz Archiv Bd.9 (1987) H.1, S.15-23;

(54) Radargerät mit synthetischer Apertur auf der Basis rotierender Antennen

Die Erfindung bezieht sich auf ein Radargerät mit synthetischer Apertur auf der Basis rotierender Antennen. Um trotz des hohen Datenflusses Echtzeitfähigkeit bei hoher Auflösung zu erreichen, wird gemäß der Erfindung vorgeschlagen, die Referenzfunktionen anhand eines Geometriebausteines (10) und einer Schaltung (11, 12, 13, 14) zum Unterteilen des von den Antennen (3) ausgeleuchteten Streifens (4) in eine bestimmte Anzahl (N) von Entfernungsintervallen (6) zu ermitteln. Durch die Aufteilung der gesamten Auswerteschaltung in einzelne Bausteine kann trotz des hohen Datenflusses eine vollständige Auswertung der einlaufenden Signale erfolgen. Durch Signale von zusätzlichen, in die Spitzen des die Antennen (3) tragenden Rotors (2) integrierte Kinematiksensoren (61) werden die Referenzfunktionen für von der idealen Kreisbahn abweichende Rotorbewegungen korrigiert.



Beschreibung

Die Erfindung bezieht sich auf ein Radargerät gemäß dem Oberbegriff des Patentanspruchs 1.

Ein derartiges Radargerät mit synthetischer Apertur auf der Basis rotierender Antennen (ROSAR) ist aus der Zeitschrift ntz-Archiv, Band 9, 1987, Heft 1, S. 13-23 bekannt. Die Antennen sind hierbei an den Enden eines rotierenden Tragarmes angeordnet, z. B. an den Blattspitzen von Hubschrauberrotoren. Das Radarverfahren mit synthetischer Apertur beruht auf der Auswertung der Dopplerinformation für jeden einzelnen Punkt am Boden innerhalb der realen Antennenkeule und setzt daher eine Relativbewegung der Antenne und ein gepulstes kohärentes Radargerät voraus. Die Relativbewegung der Antenne wird bei einem ROSAR-Gerät durch die Rotationsbewegung der Antennen gegenüber dem zu detektierenden Ziel erzeugt. Das Empfangssignal wird Puls für Puls mit einem aus der Beleuchtungsgeometrie abgeleiteten Satz von Referenzfunktionen kreuzkorreliert, wobei für jedes Entfernungselement bzw. jede Auflösezelle am Boden eine Referenzfunktion vorhanden ist. Diese rechnerintensive Verarbeitung stellt ein angepaßtes Filter dar, das zu einer höheren Querauflösung führt als es der realen Antennenkeule entspricht. Auf diese Weise kann die Auflösung mit synthetischer Apertur gegenüber der Auflösung mit realer Apertur um eine Größenordnung erhöht werden.

Sind die Antennen an den Blattspitzen eines Hubschrauberrotors angeordnet, so ist die Umlaufgeschwindigkeit an den Blattspitzen mit ca. 200 m/sec wesentlich höher als die Marschgeschwindigkeit des Hubschraubers über Grund. Die Doppelinformation, die aufgrund der Rotationsgeschwindigkeit der Blattspitzen erzeugt wird, ist somit wesentlich höher als diejenige, die aufgrund der Translationsbewegung des Hubschraubers zustandekommt, so daß diese letztere Dopplerverschiebung im allgemeinen nicht berücksichtigt zu werden braucht. Durch die in den Rotorblattspitzen angebrachten Antennen wird durch deren schräge Blickrichtung nach unten ein Kreisring ausgeleuchtet, wobei die beleuchtete Streifenbreite vom Öffnungswinkel in Elevation, dem Depressionswinkel, d. h. dem Winkel zwischen der Blickrichtung der Antenne und der Horizontalen, und der Höhe der Antenne über Grund abhängig ist. Aus dem beleuchteten Streifen stammende Echos werden aufgrund ihrer Dopplermodulation zu höherer Azimutauflösung komprimiert, wobei für jeden Entfernungspunkt am Boden die Doppler-Zeitfunktion als zugehörige Referenzfunktion bekannt ist. Diese Referenzfunktion kann für jeden Aufpunkt am Boden deterministisch berechnet werden. Das gesamte Radarsystem stellt somit ein angepaßtes Filter dar, wobei eine fokussierte Verarbeitung vorausgesetzt wird.

Wenn mit einem solchen ROSAR-Gerät eine annehmbare Auflösung im Bereich eines Meters erreicht werden soll, müssen eine Vielzahl von Korrelationsberechnungen innerhalb kurzer Zeit erfolgen, d. h. es muß ein ungeheurer Datenfluß verarbeitet werden. Ein Prozessor, der diesen Datenfluß bearbeiten könnte, müßte eine spezielle, auf das ROSAR-Prinzip angepaßte Prozessor-Struktur aufweisen und konnte in dem angesprochenen Artikel nicht angegeben werden.

Aus der DE 28 35 932 C2 ist ein ROSAR-Gerät bekannt, bei dem die Antennen in den Blattspitzen eines Hubschrauberrotors angeordnet sind. Dieses Gerät soll als Kartographier-Radargerät eingesetzt werden. Um die Prozessor-Struktur zu vereinfachen und eine herkömmliche Signalverarbeitung zu ermöglichen, werden bei diesem Konzept jedoch einige Beschränkungen vorausgesetzt: So sollen im wesentlichen nur stationäre Ziele, jedoch keine bewegten Ziele erfaßt werden. Die Korrelationsrechnungen können dadurch über mehrere Perioden der Rotordrehung zusammengefaßt werden, wodurch dieses ROSAR-Gerät jedoch nicht als Echtzeit-Radargerät zu bezeichnen ist, demnach z. B. nicht für die Navigation oder gar Zielverfolgung zu verwenden ist. Außerdem wird bei diesem bekannten Konzept die Flughöhe des Hubschraubers über Grund vernachlässigt. Außerdem ist auch keine Berücksichtigung der Verzerrung der ausgeleuchteten Bereiche durch die rotierenden Antennen, d. h. die Krümmung der einzelnen Auflösungszellen, vorgesehen. Diese Krümmung wird als Range-Curvature bezeichnet.

Aus der US-PS 46 38 315 ist ein Radargerät mit synthetischer Apertur bekannt, bei dem der Radarsender fest, z. B. in der Hubschrauberkabine installiert ist, während die Empfangsantenne rotiert und z. B. an der Rotorblattspitze angeordnet ist. Der Radarsender beleuchtet das zu überwachende Gebiet, während die reflektierten Signale von der drehenden Antenne aufgenommen werden. Die dadurch erzeugte Dopplerverschiebung wird durch Generierung eines Pilotsignales kompensiert. Durch eine Frequenzmischung kann dann ein Entfernungssignal erhalten werden. Dieses Radargerät ist im eigentlichen Sinne kein ROSAR-Gerät, da auf die Bildung von Referenzfunktionen und eine Kreuzkorrelation verzichtet wird.

Der Erfindung liegt die Aufgabe zugrunde, eine neue Prozessor-Struktur, insbesondere für die Bildung der Referenzfunktionen anzugeben, mit der die Auflösung des ROSAR-Gerätes erhöht und Verzerrungen der errechten Daten soweit wie möglich vermieden werden.

Diese Aufgabe ist gemäß der Erfindung durch die im kennzeichnenden Teil des Patentanspruches 1 angegebenen Merkmale gelöst.

Demgemäß wird in einem Geometriebaustein aus dem Öffnungs- und Depressionswinkel der Antenne, der Länge des rotierenden Armes und der Höhe der Antenne über Grund die Breite eines von der Antenne ausgeleuchteten Entfernungsstreifens und der Entfernungsunterschied zwischen den Strahlen von der Antenne zum vorderen bzw. hinteren ausgeleuchteten Streifenrand berechnet. In einer Schaltung wird dieser ausgeleuchtete Streifen in eine bestimmte Anzahl von Entfernungsintervallen bzw. Entfernungszellen aufgelöst. Für diese einzelnen Entfernungszellen werden dann die Referenzfunktionen berechnet. Durch eine gesteuerte Kreuzkorrelation der einlaufenden Signale mit den Referenzfunktionen der zugeordneten Entfernungszellen wird dann das eigentliche Ergebnissignal erhalten, das in bekannter Weise gespeichert und ggf. angezeigt wird.

Die Schaltung zum Unterteilen des ausgeleuchteten Streifens in eine bestimmte Anzahl von Entfernungszellen weist hierbei vorzugsweise einen Baustein zum Berechnen der Anzahl dieser Entfernungszellen innerhalb des ausgeleuchteten Streifens auf, wobei diese Berechnung aus dem berechneten Entfernungsunterschied sowie der Antennencharakteristik und der gewünschten Radialauflösung erfolgt. Aus dieser Anzahl können dann die

45

55

65



einzelnen Entfernungsintervalle innerhalb des ausgeleuchteten Steifens berechnet werden. Ferner ist ein Baustein zum Berechnen der Integrationszeit für die einzelnen Entferungsintervalle sowie ein Baustein zum Berechnen der Anzahl der Sendeimpulse und des Drehwinkelbereiches für die Entferungsintervalle aufgrund der Integrationszeit vorgesehen. Mit einer solchen Schaltung ist sichergestellt, daß jeweils nur Signale aus vorher bestimmten Entfernungsintervallen miteinander kreuzkorreliert werden.

Durch eine Aufteilung der Prozessor-Struktur in einzelne Bausteine, die jeweils für spezielle Aufgabe ausgelegt sind, ist es möglich, trotz des hohen Datenflusses die einlaufenden Signale so zu verarbeiten, daß mit angemessenem Aufwand eine hohe Auflösung erzielt wird. Eine Bilderzeugung wird hier überhaupt erst mög-

10

20

25

35

45

55

60

lich.

Wenn die Antennen an den Blattspitzen eines Hubschrauberrotors angeordnet sind, so ist es mit Hilfe eines Kinematiksensors, z. B. mit Hilfe von Beschleunigungsaufnehmern möglich, den Höhenschlag des Hubschrauberrotors und auch die Abweichung von der konstanten Winkelgeschwindigkeit zu bestimmen und diese Meßwerte zur Korrektur der Auswertung zu verwenden. Die durch den Höhenschlag und die variierende Winkelgeschwindigkeit notwendigen Korrekturen der jeweils errechneten Referenzfunktionen werden durch Hinzufügung einiger Korrekturterme möglich.

Ein ROSAR-Gerät gemäß der Erfindung kann z. B. für die Luftaufklärung, für die Navigation, z. B. für die Navigation von Rettungshubschraubern, für die Kartographie, zur Vermessung der Dimensionen von Meereswellen, zur Suche offener und verdeckt liegender Landminen usw. verwendet werden. Das Radargerät kann stationär oder auf Fahrzeugen angeordnet sein. Durch die angegebene Ausgestaltung der Prozessor-Struktur ist es insbesondere auch möglich, Radarsignale aus dem Nahbereich effektiv und quasi in Echtzeit zu verarbeiten,

was für Navigationsverfahren unverzichtbar ist.

Weitere Ausgestaltungen der Erfindung gehen aus den Unteransprüchen hervor.

Die Erfindung ist ein einem Ausführungsbeispiel anhand der Zeichnung näher erläutert. In dieser stellen dar:

Fig. 1a und 1b die nicht maßstabsgerechte Beleuchtungsgeometrie eines ROSAR-Gerätes, dessen Antennen an den Rotorblattspitzen eines Hubschraubers angeordnet sind;

Fig. 2a und 2b einen Ausschnitt aus der Beleuchtungsgeometrie zur Erläuterung von maßgeblichen Parametern.

Fig. 3 einen Ausschnitt aus der Beleuchtungsgeometrie zur Erläuterung der Lage der Entfernungsintervalle

innerhalb eines ausgeleuchteten Streifens;

Fig. 4 ein Blockschaltbild eines ROSAR-Prozessors gemäß der Erfindung, bei dem zur Bildung der Referenzfunktion ein Geometriebaustein, ein Baustein zur Berechnung der Anzahl der Entfernungsintervalle innerhalb
eines ausgeleuchteten Streifens, ein Baustein zum Berechnen der Entfernungsintervalle, ein Baustein für die
Bestimmung der Integrationszeit für die einzelnen Entfernungsintervalle und ein Baustein zum Berechnen von
Stützstellen für die Referenzfunktion sowie Bausteine zum Erzeugen und Speichern der Referenzfunktionen für
einzelne Entfernungsintervalle vorgesehen sind:

Fig. 5 eine schematische Darstellung des Geometriebausteines;

Fig. 6 eine schematische Darstellung des Bausteins zum Berechnen der Anzahl der Entfernungsintervalle;

Fig. 7 schematisch einen Baustein zum Berechnen der einzelnen Entfernungsintervalle;

Fig. 8 eine schematische Darstellung eines Bausteines zum Berechnen der Integrationszeit;

Fig. 9 eine schematische Darstellung des Bausteines zum Bestimmen der Stützstellen für die Berechnung der Referenzfunktionen;

Fig. 10 eine schematische Darstellung des Bausteines für die Berechnung der Referenzfunktionen;

Fig. 11a und 11b je eine Prinzipdarstellung eines Speichers für die Referenzfunktionen bzw. die abgetasteten Empfangssignale;

Fig. 12 eine Prinzipdarstellung des Korrelators;

Fig. 13 eine schematische Darstellung eines Bausteines für die Referenzfunktionen bei unterschiedlichen Näherungsbedingungen:

Fig. 14 eine schematische Ansicht der Blattspitze eines Hubschrauberrotors mit einer Antenne und einem Kinematiksensor zur Berücksichtigung des Höhenschlages des Rotors und der nichtkonstanten Rotorfrequenz;

Fig. 15 eine schematische Darstellung eines Hubschraubers mit einem modifizierten ROSAR-Gerät gemäß der Erfindung;

Fig. 16 eine Blockschaltdiagramm für die drahtlose Energieübertragung zwischen einem Hubschrauber und den Rotoren.

Die in den Figuren angegebenen Formeln sind unmittelbarer Bestandteil dieser Beschreibung, auch wenn nicht ausdrücklich auf die jeweilige Figur hingewiesen wird. Dies dient zur Leseerleichterung.

Ein Hubschrauber 1 weist einen vierblättrigen Rotor 2 auf, an dessen Blattspitzen in einer Entfernung L von der Rotorachse jeweils eine Antenne 3 angeordnet ist. Der Rotor dreht mit einer Winkelgeschwindigkeit Omega-Null. Der Öffnungswinkel der einzelnen Antennen im Azimut ist Gamma, der Öffnungswinkel der Antennen in Elevation Epsilon sowie der Depressionswinkel der Antennenblickrichtung gegenüber der Horizontalen Theta. Bei der Rotation des Rotors 2 wird somit am Boden ein Kreisring 4 mit einer Streifenbreite SW entsprechend Fig. 1b ausgeleuchtet. Die momentan von einer Antenne 3 ausgeleuchteten Bereiche innerhalb des Kreisringes 4 sind durch die hellen Ovale 5 dargestellt.

In den Fig. 2a und 2b ist diese Beleuchtungsgeometrie in Elevation bzw. Azimut detaillierter dargestellt. Der innere Rand des ausgeleuchteten Kreisringes 4 mit der Streifenbreite SW liegt am Boden in einer Entfernung R_{G1} vom projizierten Hubschraubermittelpunkt, wobei dessen Entfernung zwischen der Antenne R_{S1} beträgt. Mit Theta₁ ist der Depressionswinkel zwischen der Antenne und diesem Aufpunkt bezeichnet. Die Größen R_{G2} , R_{S2} und Theta₂ gelten für den entsprechenden Aufpunkt am äußeren Rand des ausgeleuchteten Kreisringes 4. R_{G0} und R_{S0} gelten für den Aufpunkt am Boden im Hinblick auf die zentrale Blickrichtung der Antenne mit dem

Depressionswinkel Theta. Die Differenz zwischen R_{S2} und R_{S1} ist in Fig. 2 mit Delta R_{S3} gekennzeichnet.

Gemäß Fig. 3 wird die Streifenbreite des Kreisringes zwischen R_{G1} und R_{G2} in einzelne radial gleich große Entfernungsintervalle 6 aufgeteilt, deren radiale Mittelpunkte bei den Entfernungen R_{g1} , R_{g2} bis R_{gN} liegen. Die Gesamtanzahl dieser Entfernungsintervallen 6 ist N. Diese Anzahl hängt von der minimalen Radialauflösung Delta R_{Smin} ab.

In Fig. 4 ist ein Blockschaltbild eines Prozessors für ein ROSAR-Gerät beschrieben, wobei in der oberen Hälfte des Blockschaltbildes diejenigen Bausteine dargestellt sind, die zur Erzeugung der Referenzfunktionen notwendig sind, und in der unteren Hälfte diejenigen Bausteine, die dem Empfang der am Boden reflektierten Signale dienen. Die Referenzsignale und die empfangenen Signale werden in einem Korrelator 7 korreliert und an einen Speicher 8, z. B. an ein Magnetband, ausgegeben. Eine zusätzliche Anzeige auf einem Monitor 9 ist möglich.

Für die Ermittlung der Referenzfunktionen ist ein Geometriebaustein 10 vorgesehen, ferner ein Baustein 11 für das Bestimmen der Anzahl der Entfernungsintervalle, ein Baustein 12 für die Angabe der einzelnen Entfernungsintervalle, ein Baustein 13 für die Angabe der Integrationszeit, ein Baustein 14 für die Angabe von Stützstellen für die Referenzfunktionen und schließlich ein Baustein 15 für die Ermittlung der Referenzfunktionen aus den zugeführten Daten für die einzelnen Entfernungsintervalle. Diese Referenzfunktionen werden einem Speicher 16 zugeführt, der die Referenzsignale an den Korrelator 7 liefert. Die Behandlung der Empfangssignale S_E ist im wesentlichen herkömmlicher Art. Das gespeicherte Empfangssignal wird als Zwischenfrequenzsignal einem Quadraturdemodulator 21 zugeführt und durch Quadraturmischung verarbeitet und in eine Inphase-Komponente des Echosignales I_c und eine Quadratur-Komponente Q_c des Echosignales zerlegt. Diese Komponenten werden Analog-Digital-Wandlern 22 bzw. 23 zugeführt, an deren Ausgang dann diskrete Abtastwerte \hat{I}_c bzw. \hat{Q}_c der Wortlänge U anliegen. Diese komplexen Echosignale werden in Zwischenspeichern 24 bzw. 25 abgelegt, die jeweils N Speicherplätze entsprechend den oben erwähnten N Entfernungsintervallen aufweisen. Die Abtastwerte der Zwischenspeicher werden einem Speicher 26 für die Empfangssignale zugeführt, der seinerseits ausgangsseitig mit dem zweiten Eingang des Korrelators 7 verbunden ist.

Die Arbeitsweise des gesamten Prozessors wird durch einen Taktgeber 27 gesteuert, der ein Taktsignal Clan die Bausteine zur Erzeugung der Referenzfunktion als auch an die Bausteine zur Bearbeitung der Empfangssignale sowie an den Korrelator abgibt.

In Fig. 5 ist der Geometriebaustein 10 dargestellt, und zwar anhand der in ihm zu berechnenden Funktionsgrößen, die er aus Eingangsgrößen ermittelt und daraus entsprechende Ausgangsgrößen berechnet. Eingangsgrößen sind die Höhe über Grund H_0 , der Depressionswinkel Theta, der Öffnungswinkel Epsilon der Antennen in Elevation und die Entfernung der Antenne vom Drehpunkt, d. h. die Länge L des Rotorblattes. Anhand der in dem Block 10 dargestellten geometrischen Beziehungen ergeben sich zwangsläufig die Ausgangsgrößen, die in den Fig. 1 und 2 dargestellt sind, nämlich Theta₁, Theta₂, R_{G0} , R_{G1} , R_{G2} , R_{S0} , R_{S1} , R_{S2} , SW und Delta R_S . Aus der Ausgangsgröße Delta R_S werden in dem Baustein 11 anhand der angegebenen Formeln die Echodauer t_c und die Anzahl N der Entfernungsintervalle innerhalb des beleuchteten Streifens errechnet. Zur Berechnung der Echodauer ist noch die Lichtgeschwindigkeit C als Eingangsgröße vorzugeben. Die Anzahl N entspricht der Anzahl der Auflösungszellen entsprechend der einzelnen Entfernungsintervalle R_{g1} bis R_{gN} in radialer Richtung am Boden entsprechend Fig. 3.

Der Baustein 10 berechnet aus der Eingangsgröße R_{G1} , die von dem Geometriebaustein 10 geliefert wird, und der Anzahl N aus dem Baustein 11 die tatsächlichen Werte für die einzelnen Entfernungsintervalle R_{gn} , wie in Fig. 7 dargestellt. Die Anzahl N der Entfernungsintervalle wird einem Zähler 31 zugeführt, der aus dem Eingangswert n bis N jeweils einen Ausgangswert x_n berechnet, der um den Wert 1/2 gegenüber dem Eingangswert vermindert ist. Die Ausgangssignale des Zählers 31 werden gemeinsam mit dem Signal Delta R_{Smin} für die Radialauflösung und dem Signal R_{G1} einem Funktionsblock 32 zugeführt, in dem entsprechend der angegebenen Formel die Werte R_{gn} für die einzelnen Entfernungsintervalle berechnet werden.

Diese Werte werden dem Baustein 13 zugeführt. Dieser Baustein erhält ferner über einen Zähler 33 jeweils die zugeordnete Zahl n der insgesamt N Entfernungsintervalle und berechnet aus diesen Werten und dem Öffnungswinkel Gamma der Antenne in Azimut, der Länge L des Rotorblattes und der Winkelgeschwindigkeit Omega-Null des Rotorblattes gemäß den in **Fig.** 8 angegebenen Formeln die synthetische Apertur S, die Integrationszeit T_S und den Drehwinkelbereich Alpha $_S$ der Integration, jeweils für eines der Entfernungsintervalle, was durch den Index n angegeben ist. Dieser Index läuft von 1 bis N.

In dem Baustein 14 werden aufgrund der Integrationszeit T_{Sn} für jedes Entfernungsintervall und der Pulswiederholfrequenz I_p des Radargerätes die Anzahl Z_{Sn} der Stützstellen für die Referenzfunktion während der Integration, die Schrittweite Delta Alpha der Stützwerte für die Dopplerabtastung und die Referenzfunktion sowie die Gesamtanzahl Z_B der Stützstellen für eine volle Umdrehung einer Antenne berechnet. Weitere Eingangsgrößen sind wiederum die Gesamtanzahl N der Entfernungsintervalle, die getaktet einem Zähler 34 zugeführt werden, der die Berechnung der Ausgangsgrößen für jedes Entfernungsintervall n gewährleistet. Weitere Eingangsgrößen sind wiederum die Winkelgeschwindigkeit Omega-Null des Rotors und die Abbildungsdauer T_B Diese Abbildungsdauer ist die gesamte Zeitdauer, während der eine Beleuchtung der Umgebung erfolgt. Ihr Maximalwert ist für einen Umlauf des Rotors durch den Umfang der Rotorblattebene und die Umlaufgeschwindigkeit festgelegt.

Die Anzahl der Stützstellen, die von der Pulswiederholfrequenz und der Integrationszeit abhängt, bestimmt die Kapazität des Speichers 16 für die Referenzfunktionen. Der Speicher wird für die maximal vorkommende Anzahl von Stützstellen ausgelegt, d. h. für eine Anzahl, die längs des äußeren Streifenrandes des beleuchteten Kreisringes vorhanden ist. Dieser Anzahl der Stützstellen ist direkt die Schrittweite Delta Alpha der Stützwerte entsprechend einem jeweiligen Winkelbereich für die Integration zugeordnet.

Aus den Werten R_{gn} , Delta Alpha, Z_{Sn} und der Antennengröße H_0 über Grund können dann die Referenzfunk-

25



tionen S_R in dem Baustein 15 gemäß Fig. 10 anhand der dort angegebenen Formeln berechnet werden. Für diese Rechnung werden die Wellenlänge lambda, die Rotorblattlänge L und die Kreiszahl vorgegeben. Die Berechnung erfolgt in einem Funktionsblock 36, dem über einen Zähler 37 noch die Nummer n des jeweiligen Entfernungsintervalles zugeführt wird.

Die Referenzfunktion S_R ist aus einem Realteil I_R und einem Imaginärteil Q_R zusammengesetzt. Dies gilt für jedes Entfernungsintervall 1 bis N, was durch den weiteren Index n ausgedrückt ist. Die Formeln, die dieser Berechnung zugrundliegen, sind in dem Funktionsblock 36 entsprechend Fig. 10 als mit einem Dach gekennzeichnete Abtastwerte angegeben. Die Berechnung der Referenzfunktionen erfolgt für alle Entfernungsintervalle, so daß die Abtastwerte jeweils über die Zahl Z_S der Sendeimpulse aufsummiert werden.

5

20

25

35

55

65

Die für alle Entfernungsintervalle ermittelten Referenzfunktionen werden dem Speicher 16 zugeführt, dessen Aufbau schematisch in Fig. 11a dargestellt ist. Dieser Speicher ist in Zeilen und Spalten aufgeteilt, wobei in jeder Zeile eines Referenzfunktion für ein Entfernungsintervall gespeichert ist. Die Anzahl der Zeilen wird durch die Anzahl N der Entfernungsintervalle bestimmt, die Anzahl der Spalten durch die Anzahl ZSN der Stützstellen über die berücksichtigte Aperturlänge. Die Anzahl der Stützstellen wird durch den gewünschten Gesamtblickwinkel des Radargerätes bestimmt, der z. B. 180° ist, wenn nur eine Detektion von Zielen in Vorwärtsrichtung, bezogen auf die Flugrichtung des Hubschraubers, gewünscht ist. Die Kapazität KR ist bestimmt durch das Produkt aus der Gesamtanzahl Z_{SN} der Stützstellen, durch die Anzahl Z_A der Abtastwerte in radialer Richtung und den doppelten Wert der Wortlänge U der digital gewandelten Signale, da diese als komplexe Werte

In ähnlicher Weise werden die Abtastwerte der empfangenen Signale in dem Speicher 26 gemäß Fig. 11b aufgenommen. Die Speicherkapazität K_E dieses Speichers 26 ist bestimmt durch das Produkt aus der Zahl \bar{Z}_B der Sendeimpulse in lateraler Richtung, der Anzahl ZA der Abtastwerte in radialer Richtung und wiederum der doppelten Wortlänge Uder digital gewandelten Empfangssignale.

In dem Korrelator 7 werden getaktet für jedes betrachtete Entfernungsintervall die von dem Speicher 26 gelieferten Real- und Imaginärwerte der Empfangssignale mit den entsprechenden Werten der Referenzfunktionen verglichen und komplex kreuzkorreliert. Im Korrelator 7 wird über einen Zähler 41 die jeweilige Nummer des betrachteten Entfernungsintervalles als Vorgabe zugeführt, außerdem werden als Vorgabewerte die Winkelgeschwindigkeit Omega-Null des Rotorblattes, die Anzahl ZB der Sendeimpulse in lateraler Richtung entsprechend der Anzahl der Stützwerte und die jeweilige Schrittweite Delta Alpha der Stützwerte für die Dopplerabtastung und die Referenzfunktion zugeführt. Die Korrelationsergebnisse für die einzelnen Abtastungen werden als Ergebnissignale $\hat{S}_{on}(t)$ an den Speicher 8 bzw. den Monitor 9 abgegeben.

Mit der angegebenen Prozessorstruktur wird die Korrelation in Echtzeit für alle Werte der Eingangsparameter berechnet. Im Falle, daß die Länge L des Rotorblattes sehr klein gegenüber der Entfernung R_{G1} am Boden zwischen dem Antennendrehpunkt und dem inneren Rand des ausgeleuchteten Streifens ist, können die Funktionsberechnungen innerhalb des Geometriebausteines 10 vereinfacht werden. Daraus resultiert dann auch eine einfachere Berechnung der Referenzfunktion, die unmittelbar aus den angegebenen Formeln hervorgeht. Hieraus kann für die Berechung der Referenzfunktion und der Korrelation eine erste Näherung durch eine einfachere Schaltung erfolgen, die in Fig. 13 durch den Block 51 dargestellt ist. Wird zudem noch R_{G0} sehr groß gegenüber L und gleichzeitig gegenüber der Höhe Ho der Antenne über Grund, so können die angegebenen Formeln weiter vereinfacht werden. Die Schaltungen für die Erzeugung der Referenzfunktion können in diesem Falle fest verdrahtet werden und sind in Fig. 13 durch den Funktionsblock 52 dargestellt. Nur für die übrigen Fälle, d. h. im wesentlichen für die Detektion von Zielen im Nahbereich, muß die oben angegebene vollständige Lösung verwendet werden. Bei der Verwendung des ROSAR-Gerätes an einem Hubschrauber, z. B. zur Navigationsunterstützung, kann damit der größte Teil aller Navigationsaufgaben mit den Näherungslösungen, d. h. im wesentlichen mit fest verdrahteten Schaltungen erfüllt werden.

Wie aus den Formeln für die Referenzfunktionen hervorgeht, ist diese von der Winkelgeschwindigkeit des Rotorblattes und auch der Höhe über Grund abhängig. Die Freiheitsgrade der Rotorblattsitze bei der Kreisbewegung sind radiale Abweichungen von der Kreisbahn, Höhenabweichungen und Verdrehungen um die Rotorachse. Hinzu kommt noch ggfs. eine nichtkonstante Winkelgeschwindigkeit. Die Achsverdrehung und die Radialabweichung können im wesentlichen vernachlässigt werden, sofern das Rotorblatt gut ausgewuchtet ist. Hiermit verbleibt für die Korrektur der Referenzfunktionen im wesentlichen nur der Höhenschlag des Rotorblattes und die Abweichung von der konstanten Winkelgeschwindigkeit. Um diese beiden Größen zu erfassen, ist an den Blattspitzen jeweils ein Kinematiksensor 61 aus zwei Beschleunigungssensoren 62 und 63 angeordnet, wobei mit dem Beschleunigungssensor 62 der Höhenschlag und mit dem Beschleunigungssensor 63 Abweichungen von der konstanten Winkelgeschwindigkeit bestimmt werden. Die zeitlichen Schwankungen der Höhe der Antenne über Grund kann durch eine doppelte Integration der mit dem Beschleunigungssensor 62 erfaßten Signale ermittelt werden, wohingegen die Abweichungen der Kreisfrequenz durch eine einfache Integration der Signale des Beschleunigungssensors 63 dividiert durch die Rotorblattlänge erfaßt werden. Diese zeitabhängigen Korrekturen werden in der Gleichung für die Referenzfunktion anstelle der dort vorhandenen konstanten Größen Ho und Omega-Null eingesetzt.

In der obigen Beschreibung wurde angenommen, daß sowohl die Sendeantennen als auch die Empfangsantennen an den Blattspitzen des Rotors angeordnet sind. Es ist zwar durchaus möglich, die für die Betätigung der Sendeantennen notwendige Energie von der Hubschrauberzelle zu den Antennen über eine Drehkopplung zu übertragen. Es ist jedoch auch möglich, wie in Fig. 15 gezeigt, die Sendeantenne 61 fest, z. B. auf dem Rotormasten des Hubschraubers zu montieren und nur die Empfangsantenne 72 in die Blattspitze des Rotors 2 zu integrieren. Nachdem jetzt die Dopplerinformation nur über die drehenden Empfangsantennen und nicht noch zusätzlich über die Sendeantenne erzeugt wird, können die oben angegebenen Formeln bei sonst gleichen Parametern hinsichtlich der Dopplerinformation durch den Faktor 2 dividiert werden.

Die Energieübertragung zwischen der Empfangsantenne 72 und der Auswerteschaltung 73 des ROSAR-Gerätes erfolgt drahtlos, und vorzugsweise opto-elektronisch. Hierzu ist die Empfangsantenne mit einem opto-elektronischen Koppler 74 verbunden, der die elektrischen Signale der Antenne in optische Signale umwandelt, die über Lichtleitfasern 75 innerhalb des Rotorblattes übertragen und im Bereich der Drehachse des Rotorblattes mit einer Photodetektoranordnung 76 zusammenarbeiten. Der Photodetektoranordnung 76 ist eine Anordnung 77 aus opto-elektronischen Kopplern zugeordnet, die die Lichtsignale in elektrische Signale umwandeln und diese der Auswerteschaltung 73 zuführen. Auch die Energieübertragung zwischen Rumpf und Antenne, z. B. zur Versorgung des elektrooptischen Kopplers 74 erfolgt drahtlos, z. B. mit Hilfe einer hier nicht dargestellten Ringschlitzleitung bzw. einer Laseranordnung. Im letzten Falle enthält die Anordnung 76 auch aktive Laser-Senderdioden, deren Licht in die Lichtleitfasern 75 eingekoppelt und im Bereich der Blattspitze in elektrische Energie für den opto-elektronischen Koppler 74 rückgewandelt werden. Dies ist schematisch in Fig. 16 dargestellt. Die von den Laserdioden der Anordnung 76 ausgesendete Laserstrahlung wird über eine Linsenanordnung 78 im Bereich der Drehachse des Rotors in das Blatt übertragen, dort mit Hilfe einer Laserdiode 79 empfangen und in einem opto-elektronischen Umsetzer 80 in elektrische Energie zurückgewandelt, die einem Empfänger 81 der Sendeantenne 72 und dem opto-elektronischen Koppler 74 zugeführt wird. Die Empfangssignale der Antenne 72 werden dem Empfänger 81 zugeführt, dann opto-elektronisch im Koppler 74 gewandelt und in einem Modulator 82 moduliert. Diese modulierten Signale werden mit einer Diode 83 abgestrahlt, über eine Linsenanordnung 84 gebündelt und auf die Empfangsdioden der Photodetektoranordnung 76 geleitet.

Die an dem Hubschrauberrumpf angeordnete Senderantenne und die Empfangsantenne sollen im wesentlichen die gleichen Antennendiagramme aufweisen und z. B. einen horizontalen Öffnungswinkel von 180° haben. Durch diese Charakteristik der Sendeantenne ist nur der vor dem Hubschrauber liegende Bereich abbildbar. Während der Abbildungsdauer werden die Signale des Kinematiksensors 61 zur Auswerteeinheit 73 geleitet und zur Korrektur der Referenzfunktionen benutzt. Ebenso wird das Empfangssignal auf eine Zwischenfrequenz kohärent zur ausgestrahlten Sendefrequenz umgesetzt und mit Hilfe des Lichtmodulators und der Laser-Sendediode über die Laser-Übertragungsstrecke auf die Photodetektoreinheit 76 übertragen. Somit können der Auswerteeinheit 73 sowohl das von der Empfangsantenne 72 empfangene Gesamtsignal als auch die Korrektursignale für die Referenzfunktionen für eine halben Umlauf des Rotorblattes eingespeist werden.

Patentansprüche

1. Radargerät mit zumindest einem Sender und einem Empfänger, deren zumindest eine Antenne zum Senden und Empfangen von Radarimpulsen am Ende eines rotierenden Armes angeordnet ist, mit einer Einrichtung zum Demodulieren und Zwischenspeichern der Empfangssignale, mit Einrichtungen zum Bilden und Speichern von Referenzfunktionen in Abhängigkeit vor der Beleuchtungsgeometrie des Radargerätes; der zu vermessenden Entfernungsintervalle, der Drehwinkelbereiche, der Sendeimpulse sowie der Höhe der rotierenden Antenne über Grund, und mit einem Korrelator zum Korrelieren der Empfangssignale mit den Referenzfunktionen sowie einem Anzeigegerät für das Korrelationsergebnis, dadurch gekennzeichnet, daß die Einrichtungen zum Bilden der Referenzfunktionen folgende Bausteine aufweisen:

a) einen Geometriebaustein (10), in dem aus Öffnungs- und Depressionswinkel (Epsilon, Theta) der Antenne (3), der Länge (L) des rotierenden Armes und der Höhe (H_0) der Antenne (3) über Grund die Breite (SW) eines von der Antenne ausgeleuchteten Entfernungsstreifens (4; $R_{G2}-R_{G1}$) und der Entfernungsunterschied (Delta R_S) zwischen den Strahlen (R_{S2} , R_{S1}) von der Antenne (3) zum inneren bzw. äußeren ausgeleuchteten Steifenrand berechtet wird;

b) eine Schaltung (11 bis 14) zum Unterteilen des ausgeleuchteten Streifens (4) in eine bestimmte Anzahl (N) von Entfernungsintervallen (6; R_{g1} bis R_{gN}) sowie

c) einen Baustein (15) zum Bilden der Referenzfunktionen (SR) für die einzelnen Entfernungsintervalle (6; R_{GI} bis R_{GN}).

 Radargerät nach Anspruch 1, dadurch gekennzeichnet, daß die Schaltung (11-14) zum Unterteilen des ausgeleuchteten Streifens (4) folgende Bausteine enthält:

a) einen Baustein (11) zum Berechnen der Anzahl (N) der Entfernungsintervalle (6; R_{Gn}) innerhalb des ausgeleuchteten Streifens (4) durch Division des berechneten Entfernungsunterschiedes (Delta R_S) zwischen den Strahlen (R_{S1} , R_{G2}) von der Antenne (3) zum inneren bzw. äußeren Streifenrand und der gewünschten Radialauflösung (Delta R_{Smin}),

b) einen Baustein (12) zum Berechnen der Entfernungen zur Intervallmitte (R_{gn}) innerhalb des ausgeleuchteten Streifens (4) aufgrund der Anzahl (N) der Entfernungsintervalle;

c) einen Baustein (13) zum Berechnen der Integrationszeit (T_{Sn}) für die einzelnen Entfernungsintervalle und

d) einen Baustein (14) zum Berechnen der Anzahl (Z_{Sn}) der Sendeimpulse entsprechend der Anzahl von Stützstellen für die Referenzfunktionen (S_R) und des Drehwinkelbereiches (Delta Alpha) für die Entfernungen zur Intervallmitte (R_{gn}) aufgrund der Integrationszeit.

3. Radargerät nach Anspruch 2, dadurch gekennzeichnet, daß der Baustein (11) zum Berechnen der Anzahl (N) der Entfernungsintervalle (6, R_{gn}) zusätzlich die Echodauer (t_e) zu 2 Delta R_s/C berechnet, wobei C die Lichtgeschwindigkeit ist.

4. Radargerät nach Anspruch 2, dadurch gekennzeichnet, daß der Baustein (12) zum Berechnen der Entfernungen zur Intervallmitte (R_{gn}) einen Zähler (31), dem die jeweilige Nummer (N) der Entfernungsintervalle zugeführt wird, und einen Funktionsblock 32 aufweist, der aus den Ausgangssignalen (n, X_n) des Zählers 31, der Entfernung (R_{G1}) am Boden bis zu dem inneren Rand des ausgeleuchteten Streifens (4) und der gewünschten Radialauflösung (Delta R_{Smin}) die Entfernungen (R_{gn}) zum jeweiligen Intervallmittelpunkt

30

35

40

45

50

55

60

65



$$R_{gn} = R_{G1} + X_n \cdot \text{Delta } R_{Smin}$$

5. Radargerät nach Anspruch 2, dadurch gekennzeichnet, daß der Baustein (13) zum Berechnen der Integrationszeit (T_{Sn}) einen Zähler (33) aufweist, dem die Anzahl (N) der Entfernungsintervalle zugeführt werden, und der die Nummer (n) des jeweiligen Entfernungsintervalles (R_{gn}) abgibt, und daß der Baustein (13) aus dieser Nummer (n) und dem jeweiligen Entfernungsintervall (R_{gn}) unter Zuhilfenahme des Öffnungswinkels (gamma) der Antenne der Länge (L) des Trägerarmes (2) und der Winkelgeschwindigkeit (Omega-Null) der Antenne (3) neben der Integrationszeit (T_{Sn}) die synthetische Apertur (Sn) und den Drehwinkelbereich (Alpha $_{Sn}$) der Antenne für jedes Entfernungsintervall (R_{gn}) berechnet zu:

$$S_n = \text{Gamma} \cdot L \cdot (1 - L/R_{gn})$$
 (a)

$$T_{Sn} = \frac{\text{Gamma} \cdot (1 - L/R_{gn})}{\text{Omega-Null}} \text{(b)}$$

$$Alpha_{Sn} = Gamma \cdot (1 - L/R_{gn}) \quad (c)$$

6. Radargerät nach Anspruch 2. dadurch gekennzeichnet, daß der Baustein (14) zum Berechnen der Anzahl (Z_{Sn}) der Sendeimpulse und des Drehwinkelbereiches (Delta Alpha) einen Zähler (34) aufweist, dem die Anzahl (N) der Entfernungsbereiche (R_{gn}) zugeführt werden und der die Nummer (n) des jeweiligen Entfernungsintervalles (R_{gn}) abgibt, und daß der Baustein (14) aus dieser Nummer, der Integrationszeit (T_{Sn}) und der Pulswiederholfrequenz (f_p) unter Zuhilfenahme der Winkelgeschwindigkeit (Omega-Null) der Antenne (3) die Anzahl der Stützstellen (Z_{Sn}) und die Winkelschrittweite (Delta Alpha) berechnet zu:

25

60

65

$$Z_{Sn} = fp \cdot T_{Sn}$$
 (a)

Delta Alpha =
$$Omega-Null/fp$$
 (b)

7. Radargerät nach einem der vorhergehenden Ansprüche, dadurch gekennzeichnet, daß der Baustein (15) zum Bestimmen der Referenzfunktionen (S_R) einen Zähler (37) aufweist, dem die Anzahl (N) der Entfernungsintervalle (R_{gn}) zugeführt wird und der die Nummer (n) des jeweiligen Entfernungsintervalles (R_{gn}) abgibt, und daß der Baustein (15) aus dieser Nummer (n), dem jeweiligen Entfernungsintervall (R_{gn}) , der Winkelschrittweite (Delta Alpha), der jeweiligen Stützstelle (Z_{Sn}) und der Höhe (H_0) der Antenne (3) über Grund unter Zuhilfenahme der Wellenlänge (Lambda) und der Länge (L) des Trägerarmes (2) den Realteil (I_{Rn}) und den Imaginärteil (Q_{Rn}) der Referenzfunktionen (S_R) berechnet zu:

$$\hat{I}_{Rn}(t) = \sum_{m=1}^{Z_t} \cos(4 \text{ Pi/Lambda}) \sqrt{L^2 + R_{gn}^2 - 2 \cdot L \cdot R_{gn} \cdot \cos(m \cdot \text{Delta Alpha}) + H_0^2}$$
40

$$\hat{Q}_{Rn}(t) = \sum_{m=1}^{Z_r} \sin(4 \text{ Pi/Lambda}) \sqrt{L^2 + R_{gn}^2 - 2 \cdot L \cdot R_{gn} \cdot \cos(m \cdot \text{Delta Alpha}) + H_0^2}$$
45

8. Radargerät nach einem der vorhergehenden Ansprüche, dadurch gekennzeichnet, daß der Trägerarm (2) für die Antenne (3) in deren Bereich einen Kinematiksensor (61) zum Bestimmen der Höhenschwankungen des Trägerarmes (2) im Bereich der Antenne (3) und der Schwankungen der Winkelgeschwindigkeit (Omega-Null) des Trägerarmes aufweist, und daß aus den gemessenen Beschleunigungen in den Referenzfunktionen die dort als Konstanten angenommene Höhe und Winkelgeschwindigkeit als Variable eingeführt werden.

9. Radargerät nach Anspruch 8, dadurch gekennzeichnet, daß der Kinematiksensor (61) zwei in zueinander senkrechten Richtungen empfindliche Beschleunigungssensoren (62, 63) aufweist, wobei der erste Beschleunigungssensor (62) in einer für den Höhenschlag des Tragarmes (2) bestimmenden Richtung ausgerichtet und der andere Beschleunigungssensor (63) in der Umlaufebene des Tragarmes (2) ausgerichtet ist.

10. Radargerät nach einem der vorhergehenden Ansprüche, dadurch gekennzeichnet, daß lediglich die Empfangsantenne (72) an dem rotierenden Tragarm (2) angeordnet sind, und daß die Sendeantenne (71) fest in bezug zu der Drehachse des Tragarmes (2) auf den Rotormast angeordnet ist.

11. Radargerät nach einem der vorhergehenden Ansprüche, dadurch gekennzeichnet, daß die Energieübertragung zu den rotierenden Antennen (3, 72) und die Signalübertragung von den rotierenden Antennen (3, 72) über die Drehachse des Tragarmes (2) berührungslos erfolgt.

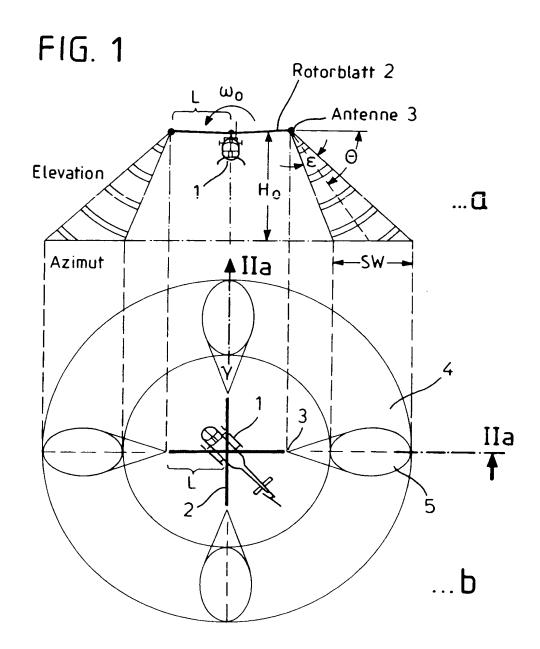
12. Radargerät nach Anspruch 11, dadurch gekennzeichnet, daß die Energieübertragung zu den rotierenden Antennen (3, 72) und die Signalübertragung von diesen Antennen (3, 72) mit Hilfe einer opto-elektronischen Koppleranordnung (74, 76, 77) erfolgt.

Hierzu 8 Seite(n) Zeichnungen

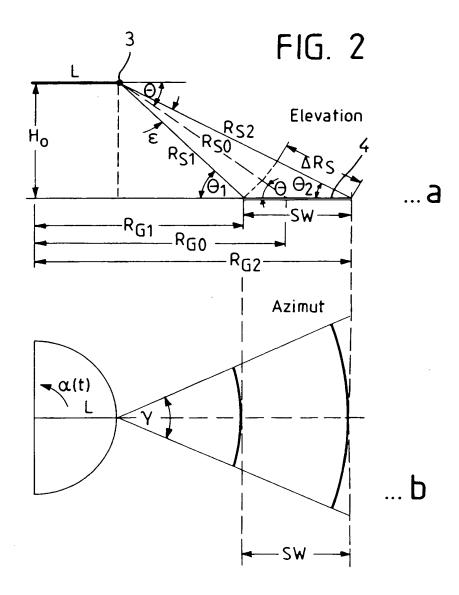
- Leerseite -

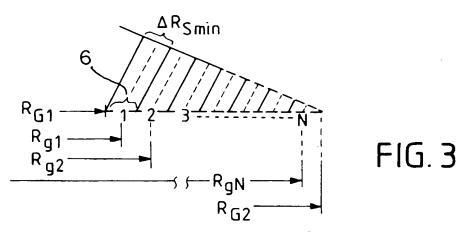
Nummer: Int. Cl.⁵:

DE 39 22 086 C1 G 01 S 13/90



DE 39 22 086 C1 G 01 S 13/90

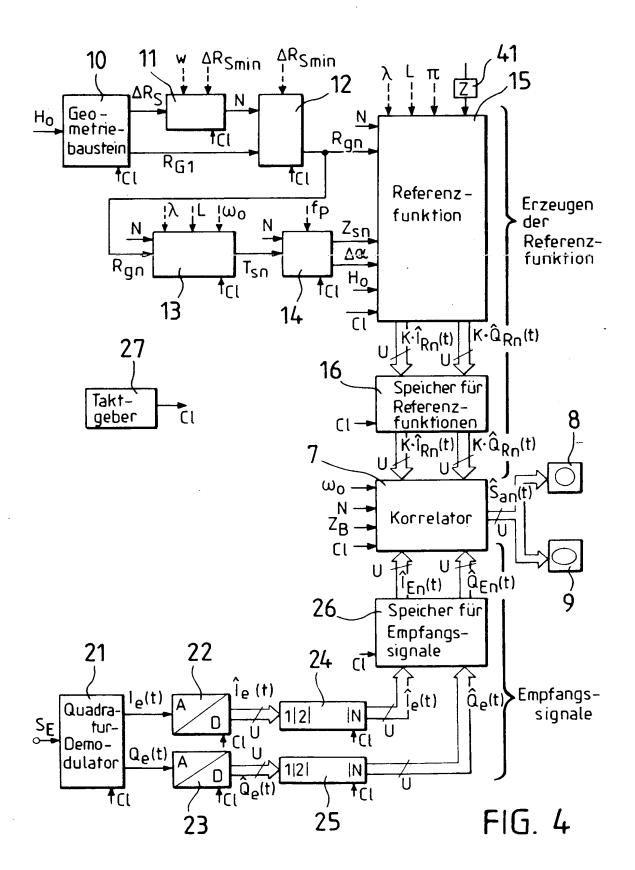




Nu

Nummer: Int. Cl.⁵:

DE 39 22 086 C1 G 01 S 13/90





DE 39 22 088 C1 G 01 S 13/90

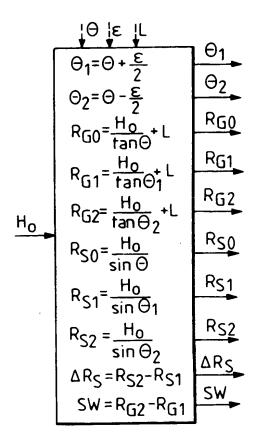
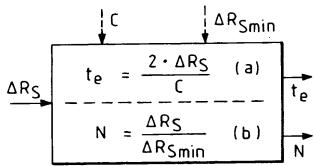


FIG. 5

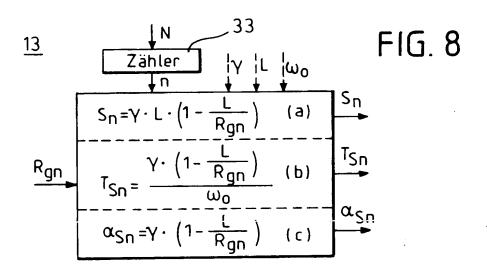


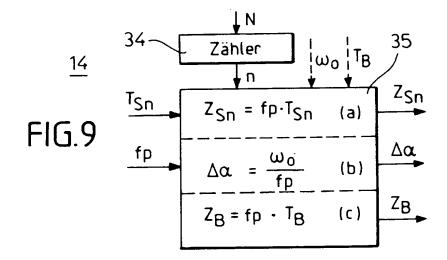
 $\frac{12}{Z \text{ ahler}} = \frac{31}{R_{gn}} = R_{G1} + x_n \cdot \Delta R_{Smin} = R_{gn}$ $R_{gn} = R_{G1} + x_n \cdot \Delta R_{Smin} = R_{gn}$ $R_{gn} = R_{G1} + x_n \cdot \Delta R_{Smin} = R_{gn}$ $R_{gn} = R_{G1} + x_n \cdot \Delta R_{Smin} = R_{gn}$

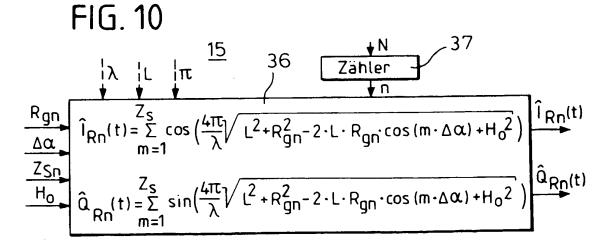
ď,

Nummer: Int. Cl.⁵:

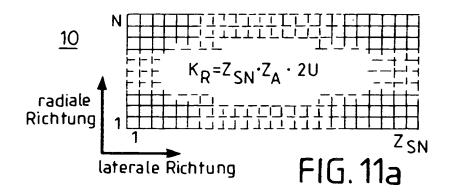
DE 39 22 086 C1 G 01 S 13/90

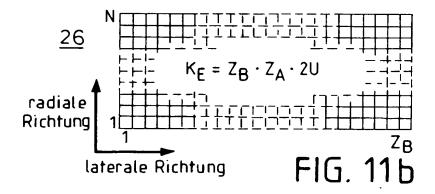


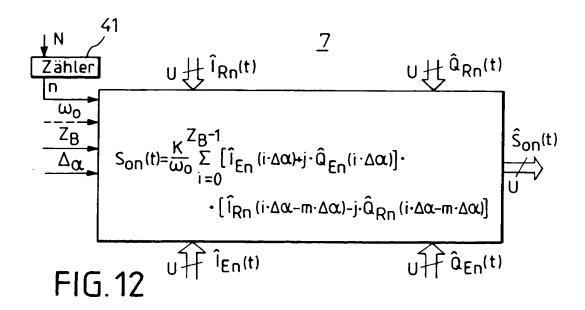




DE 39 22 086 C1

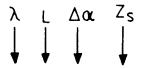






Nummer: Int. Cl.5: Veröffentlichungstag: 18. Oktober 1990

DE 39 22 086 C1 G 01 S 13/90



$$\frac{R_{Go} \gg L \text{ und } R_{Go} \leq H_{o}:}{Z_{S}}$$

$$\hat{1}_{R}(t) = \sum_{m=1}^{\infty} \cos \left[\frac{4\pi}{\lambda} \cdot \cos \Theta \cdot (1 - \cos m \cdot \Delta \alpha)\right]$$

$$\hat{\alpha}_{R}(t) = \sum_{m=1}^{\infty} \cos \left[\frac{4\pi}{\lambda} \cdot \cos \Theta \cdot (1 - \cos m \cdot \Delta \alpha)\right]$$

$$\frac{R_{Go} \gg L \text{ und } R_{Go} \gg H_{o}:}{Z_{S}}$$

$$\hat{1}_{R}(t) = \sum_{m=1}^{\infty} \cos \left\{\frac{4\pi}{\lambda} \cdot L \cdot [1 - \cos (m \cdot \Delta \alpha)]\right\}$$

$$\hat{\alpha}_{R}(t) = \sum_{m=1}^{\infty} \sin \left\{\frac{4\pi}{\lambda} \cdot L \cdot [1 - \cos (m \cdot \Delta \alpha)]\right\}$$

$$fest verdrahtet$$

$$vollständige Lösung$$

FIG. 13

